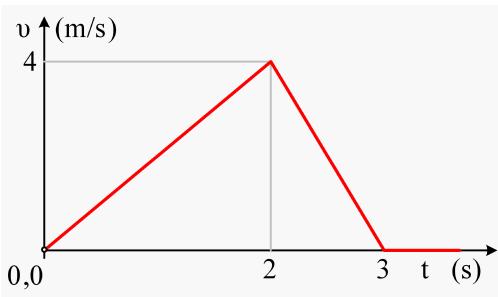


## Μετά την επιτάχυνση το σώμα επιβραδύνεται

Ένα σώμα μάζας  $m=2\text{kg}$  ηρεμεί σε μη λείο οριζόντιο επίπεδο. Σε μια στιγμή  $t=0$ , δέχεται την επίδραση μιας οριζόντιας δύναμης  $F$ , μέχρι την στιγμή  $t'=2\text{s}$ , όπου η δύναμη παύει να ασκείται στο σώμα. Στο διπλανό διάγραμμα δίνεται το πώς μεταβάλλεται η ταχύτητα του σώματος, σε συνάρτηση με το χρόνο.



- Να υπολογιστεί η επιτάχυνση του σώματος στα χρονικά διαστήματα από  $0-2\text{s}$  και από  $2\text{s}-3\text{s}$ .
- Ποιες οι αντίστοιχες μετατοπίσεις, στα παραπάνω χρονικά διαστήματα;
- Ποια χρονική στιγμή  $t_1$  το σώμα έχει κινητική ενέργεια  $K_1=2,25\text{J}$ , για πρώτη φορά και ποια χρονική στιγμή  $t_2$  έχει ταχύτητα μέτρου  $v_2=2,8\text{m/s}$  για δεύτερη φορά;
- Να υπολογιστεί η μέση ισχύς της τριβής, για όσο χρόνο το σώμα κινείται, καθώς και το έργο της δύναμης  $F$ .

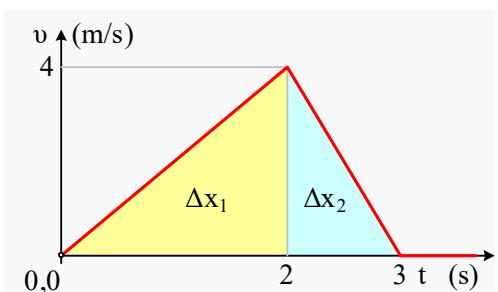
### Απάντηση:

- Η κλίση στο διάγραμμα  $v-t$  μας δίνει την επιτάχυνση. Στην περίπτωσή μας οι δυο κλίσεις παραμένουν σταθερές, συνεπώς και οι δύο επιταχύνσεις είναι σταθερές:

$$\alpha_1 = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{v' - v_o}{t' - t_o} = \frac{v'}{t'} = \frac{4}{2} \text{ m/s}^2 = 2 \text{ m/s}^2 \text{ και}$$

$$\alpha_2 = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{v_t - v'}{t_t - t'} = \frac{0 - 4}{3 - 2} = -\frac{4}{1} \text{ m/s}^2 = -4 \text{ m/s}^2$$

- Σε διάγραμμα  $v-t$ , το εμβαδόν του χωρίου μεταξύ γραφικής παράστασης και του άξονα των χρόνων είναι αριθμητικά ίσο με την μετατόπιση του σώματος. Έτσι το εμβαδόν του κίτρινου τριγώνου είναι αριθμητικά ίσο με την μετατόπιση από  $0-2\text{s}$ , ενώ το εμβαδόν του γαλάζιου, την αντίστοιχη μετατόπιση από  $2\text{s}-3\text{s}$ .



Έτσι υπολογίζουμε:

$$\Delta x_1 = \frac{1}{2} \beta v = \frac{1}{2} 2 \cdot 4 \text{ m} = 4 \text{ m} \text{ και}$$

$$\Delta x_2 = \frac{1}{2} \beta v = \frac{1}{2} 1 \cdot 4 \text{ m} = 2 \text{ m}$$

- Για την κινητική ενέργεια τη στιγμή  $t_1$  έχουμε:

$$K_1 = \frac{1}{2} m v_1^2 \rightarrow v_1 = \sqrt{\frac{2 K_1}{m}} = \sqrt{\frac{2 \cdot 2,25}{2}} \text{ m/s} = \sqrt{2,25} \text{ m/s} = 1,5 \text{ m/s}$$

Άλλά η ταχύτητα του σώματος υπακούει στην εξίσωση:

$$v = at \rightarrow t_1 = \frac{v_1}{a_1} = \frac{1,5}{2} s = 0,75 s$$

Езглавлю таңда апоктә таңтұта  $v_2$  ғана деснегер форд, соң қарнико диастема 2s-3s. Анткастистонтаң тиңсінен езісінен таңтұта (ғана то диастема апоктә 2s-3s), өйткі пәрвоне:

$$\begin{aligned} v = v' + a_2 \Delta t &\xrightarrow{\mu.(S.I.)} 2,8 = 4 - 4 \Delta t \rightarrow 4 \Delta t = 4 - 2,8 \rightarrow \\ \Delta t &= 0,3 s \rightarrow t_2 - t' = 0,3 s \rightarrow t_2 = 2 s + 0,3 s \rightarrow \\ t_2 &= 2,3 s \end{aligned}$$

- iv) Соңғынан оңай жағдайда өзінің таңтұта  $v_2$  ғана деснегер форд, соң қарнико диастема 2s-3s. Гиа  $t \geq t'$  то таңда апоктә таңтұта (епібрадыненет, ан өзінің таңтұта (ғана то диастема апоктә 2s-3s)) мондай апоктә таңда апоктә таңтұта (ғана то диастема апоктә 2s-3s)). Опітінде ефармодынтаң таңда 2o номо қарнико диастема, пәрвоне:

$$\Sigma \vec{F} = m \vec{a} \rightarrow -T = ma_2 \rightarrow T = -ma_2 = -2 \cdot (-4) N = 8 N$$

өзінің таңтұта (ғана то диастема 2s-3s) ғана деснегер форд, соң қарнико диастема.

Аллада таңда өзінің таңтұта (ғана то диастема 2s-3s) ғана деснегер форд, соң қарнико диастема:

$$\begin{aligned} W_T &= T \cdot \Delta x_{\text{ол}} \cdot \sigma v \nu 180^\circ = -T (\Delta x_1 + \Delta x_2) \rightarrow \\ W_T &= -8 \cdot (4 + 2) J = -48 J \end{aligned}$$

Етсін ғана таңда өзінің таңтұта (ғана то диастема 2s-3s) ғана деснегер форд, соң қарнико диастема:

$$P_T = \frac{W_T}{\Delta t} = \frac{-48 J}{3 s} = -16 W$$

Пәрвоне таңда өзінің таңтұта (ғана то диастема 2s-3s) ғана деснегер форд, соң қарнико диастема, пәрвоне:

$$\begin{aligned} K_\tau - K_{\text{ол}} &= W_F + W_T + W_B + W_N \xrightarrow{W_B = W_N = 0} \\ 0 - 0 &= W_F + W_T \rightarrow \\ W_F &= -W_T = +48 J \end{aligned}$$

### Схолио:

Гиа то таңда өзінің таңтұта (ғана то диастема 2s-3s) ғана деснегер форд, соң қарнико диастема:

$$\Sigma \vec{F} = m \vec{a} \rightarrow F - T = ma_1 \rightarrow F = 8 N + 2 \cdot 2 N = 12 N \rightarrow$$

$$W_F = F \cdot \Delta x_1 \cdot \sigma v \nu 0^\circ = 12 \cdot 4 J = 48 J$$

[dmargaris@gmail.com](mailto:dmargaris@gmail.com)

