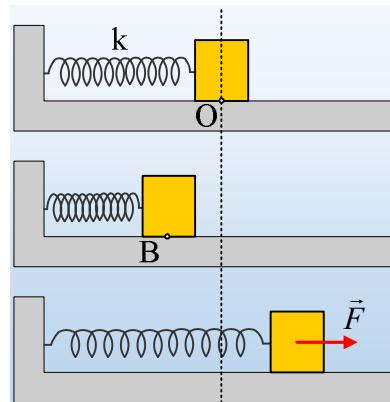


## Ме тиң асқетиң дұнамет, миа десүтери талантология

Ена сәмә 1kg үрдемеі се леіо орізонталды епіпесінде, деңгээнең орізонталды иданыкындағы еластичтің, статикалық  $k=40\text{N/m}$ , стиң өтеші О. Ектереппоме то сәмә прес та аристерада када  $d_1=0,2\text{m}$ , феронентас тиң өтеші В када се миа стигмі  $t_0=0$  то афһануиме на талантология. Тиң стигмі  $t_1=0,5\text{s}$ , асқетиң то сәмә миа статикалық сунтегретик өтешінде дұнамет мәтрең  $F=12\text{N}$ , ме форада прес та десінде, оған соң тиң өтеші та аристерада кадеңтүнсің өтешінде:



- На аподейзете өти гиа өсін өтешінде дұнамет  $F$ , ауто ектеледі ААТ, брісконтаң тиң өтеші исорропіас када то пладаң тиң талантологияс аутаж.
- Афоу брееңте тиң өрондікі стигмі пул то сәмә өтеші архисе, гиа прівті форада, на кинеңтас прес та аристерада, на езетаңстете өтеші архикі өтеші В, апі окоңа өзекінгіс.
- На брееңте тиң сунартетің  $x=f(t)$  тиң өтешіс то сәмәтас се сунартетің мөнде то өсін, аң өтешінде өзона енене өтеші исорропіас О то сәмәтас.
- На гиене өтеші өтешінде тиң падапанда сунартетің мөнде то стигмі  $t_2=1,5\text{s}$ .

Дінется  $\pi^2=10$ .

### Апандың:

- Архикі өтеші аристерада ААТ мө пладаң  $A_1=0,2\text{m}$ , ғырда апі то тиң өтеші физикес-хемея мінкес тиң еластичтің О, өтеші аристерада, афоу өзекінде мө мінденекі таңтетта, оған то өтеші В енене өтеші пладаңстас. Н талантологияс аутаж өзекінде:

$$T_I = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}} = 2\pi \sqrt{\frac{I}{40}} \text{ s} = 1\text{s}$$

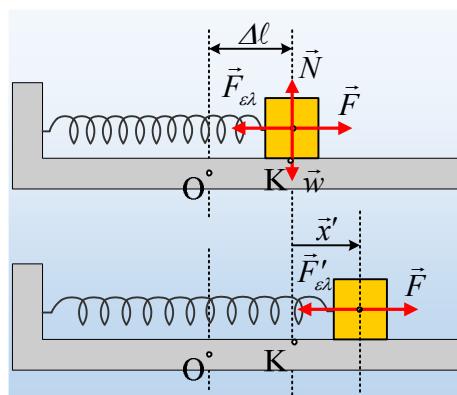
Аллаң тоте то стигмі  $t_1$  пул өтеші аристерада дұнамет  $F$ , енене өтеші мө то мисін тиң пладиоду мө то сәмә бріскетас тиң десінде ақраңа өтеші тиң талантологияс тиң мө атомакрүнсі  $x_1=-0,2\text{m}$  (өзекі өтеші кадеңтүнсің өтешінде).

Есів К өтеші аристерада, мөтә тиң асқетиң дұнамет  $F$ . Тоте  $\Sigma F_y=0$  мө  $\Sigma F_x=0$ , оған то:

$$|F_{el}| = |F| \rightarrow k\Delta\ell = |F| \rightarrow \Delta\ell = \frac{|F|}{k} = \frac{12\text{N}}{40\text{N/m}} = 0,3\text{m}$$

Н өтеші аристерада К, бріскетас дылдаң десінде тиң өтеші О, оған то еластичтің өзекінде 0,3m.

Ас падаруиме таңда то сәмә се миа түшінде өтеші мө атомакрүнсі



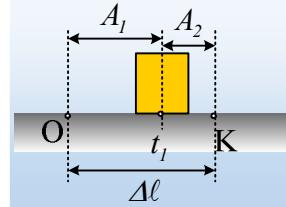
κ' από την θέση ισορροπίας Κ. Παίρνοντας ξανά τις δυνάμεις στην οριζόντια διεύθυνση, θα έχουμε:

$$\Sigma F = F - F'_{\varepsilon\lambda} = F - k(\Delta\ell + x') = F - k\Delta\ell - kx' = -kx'$$

Συνεπώς το σώμα θα εκτελέσει μια νέα AAT, γύρω από την θέση K, με την ίδια σταθερά επαναφοράς D=k, συνεπώς και με την ίδια περίοδο T<sub>2</sub>=T<sub>1</sub>=1s.

Η ταλάντωση αυτή ξεκινά την στιγμή  $t_1$ , όπου το σώμα βρίσκεται σε θέση πλάτους (της πρώτης ταλάντωσης), οπότε η θέση αυτή θα είναι η ακραία αριστερή θέση και για την νέα ταλάντωση, η οποία θα έχει πλάτος:

$$A_2 = \Delta\ell - A_1 = 0, 3m - 0, 2m = 0, 1m$$



- ii) Αφού η νέα ταλάντωση έχει την ίδια περίοδο με την πρώτη, το σώμα θα χρειαστεί ξανά χρονικό διάστημα  $\Delta t_2 = \frac{1}{2} T_2 = 0,5\text{s}$ , για να μεταβεί από την αριστερή ακραία θέση της ταλάντωσής του  $x'_1 = +0,1\text{m}$  στην δεξιά  $x'_2 = -0,1\text{m}$ . Άλλα τότε το σώμα θα σταματήσει την προς τα δεξιά του κίνηση και θα αρχίσει να κινείται προς τα αριστερά την χρονική στιγμή  $t_2 = t_1 + \Delta t_2 = 1\text{s}$ .

Κατά την διάρκεια της 2<sup>ης</sup> αυτής ταλάντωσης, το σώμα κινούμενο με πλάτος 0,1m θα φτάσει μέχρι την αριστερή θέση πλάτους, τη θέση που ήταν και την στιγμή  $t_1$  (0,2m δεξιά της θέσης O) και προφανώς δεν θα επιστρέψει στην θέση B!

- iii) Η απομάκρυνση του σώματος στην διάρκεια της πρώτης ταλάντωσης δίνεται από την εξίσωση:

$$x_I = A_I \eta \mu(\omega t + \varphi_o)$$

Όπου  $\omega = \sqrt{\frac{k}{m}} = \sqrt{\frac{40}{1}} rad/s = 2\pi rad/s$ , ενώ το σώμα ξεκινά την ταλάντωσή του από την θετική

ακραία θέση της ταλάντωσής του, έχοντας αρχική φάση  $\varphi_0 = \pi/2$ . Έτσι η παραπάνω εξίσωση γίνεται:

$x_1 = 0,2 \cdot \eta \mu \left( 2\pi t + \frac{\pi}{2} \right)$  (1) μονάδες στο S.I. για  $t \leq 0,5s$

Η παραπάνω «απομάκρυνση» είναι ταυτόχρονα και η θέση του σώματος πάνω στον άξονα x, ο οποίος έχει αρχή ( $x=0$ ) την θέση O και θετική φορά προς τα αριστερά.

Με την ίδια λογική και η δεύτερη ταλάντωση, ξεκινά από την θετική ακραία θέση, έχοντας επίσης αρχική φάση  $\phi_{0,2} = \pi/2$  και την ίδια γωνιακή συχνότητα  $\omega = 2\pi \text{ rad/s}$  και η εξίσωση της απομάκρυνσης (γύρω από την θέση K με  $x_K = -0,3\text{m}$ ), θα έχει την μορφή:

$$x'_2 = A_2 \eta \mu (\omega t + \varphi_{o2}) = 0, l \cdot \eta \mu \left( 2\pi t' + \frac{\pi}{2} \right)$$

Όπου  $t' = t - t_1 = t - 0,5s$ , ενώ για την θέση  $x_2$  στον προηγούμενο ορισθέντα άξονα x, θα έχουμε:

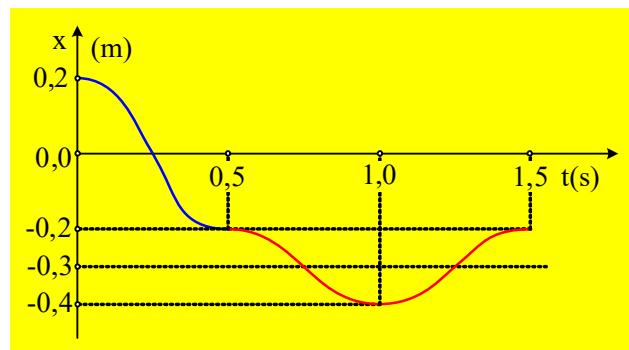
$$x_2 = x_K + x'_2 = -0,3 + 0,1 \cdot \eta \mu \left( 2\pi(t-0,5) + \frac{\pi}{2} \right) \rightarrow$$

$$x_2 = -0,3 + 0,1 \cdot \eta \mu \left( 2\pi t - \frac{\pi}{2} \right) \quad (2) \text{ μονάδες στο S.I. και } t > 0,5s$$

iv) Λαμβάνοντας υπόψη τις παραπάνω συναρτήσεις (1) και (2), μπορούμε να γράψουμε για την συνάρτηση της θέσης του σώματος  $x=f(t)$ :

$$x = \begin{cases} 0,2 \cdot \eta \mu \left( 2\pi t + \frac{\pi}{2} \right) & \text{για } t \leq 0,5s \\ -0,3 + 0,1 \cdot \eta \mu \left( 2\pi t - \frac{\pi}{2} \right) & \text{με } t > 0,5s \end{cases}$$

Οπότε στο χρονικό διάστημα 0-1,5s (χρόνος 1,5 περιόδου) η ζητούμενη γραφική παράσταση έχει την μορφή:



Όπου το μπλε τμήμα της καμπύλης αντιστοιχεί στην πρώτη ταλάντωση (μισή περίοδος) και το κόκκινο στην δεύτερη (για μια περίοδο).

[dmargaris@gmail.com](mailto:dmargaris@gmail.com)