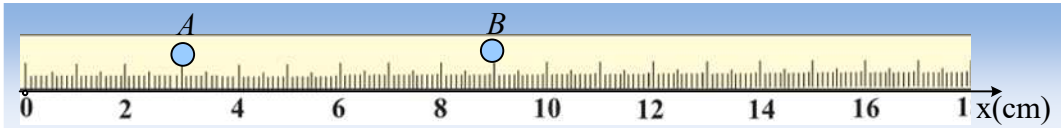


**Ομαλή κυκλική κίνηση.**

**Ένα φύλλο εργασίας σαν θεωρία**

1) Ένα σώμα κινείται ευθύγραμμα με σταθερή ταχύτητα και τη στιγμή  $t=0$ , περνά από το σημείο A και τη στιγμή  $t_1=2s$  φτάνει στο σημείο B, όπως στο σχήμα. Για να καθορίσουμε τις θέσεις του σώματος, ορίζουμε έναν άξονα x με αρχή το σημείο O και την κατεύθυνση προς τα δεξιά ως θετική.

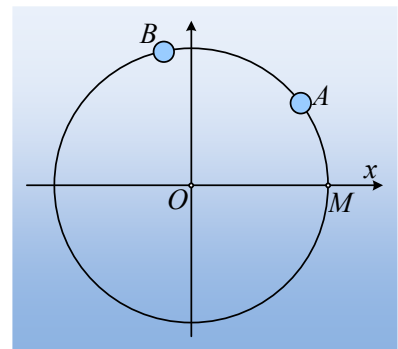


Με βάση τον άξονα αυτό, απαντάμε ότι:

- i) Τη στιγμή  $t=0$  το σώμα βρίσκεται στη θέση ..... ενώ τη στιγμή  $t_1$  βρίσκεται στη θέση ..... Η μετατόπιση του σώματος είναι ίση με .....
- ii) Η ταχύτητα του σώματος έχει κατεύθυνση ..... με τιμή  $v=$  .....
- iii) Ποια η θέση του σώματος τη χρονική στιγμή  $t_2=5s$ ;

.....

2) Ένα μικρό σώμα κινείται με ταχύτητα σταθερού μέτρου, διαγράφοντας την κυκλική τροχιά του σχήματος ακτίνας  $R=4m$ . Τη στιγμή  $t=0$ , το σώμα περνά από το σημείο A και τη στιγμή  $t_1=2s$  φτάνει στο σημείο B.

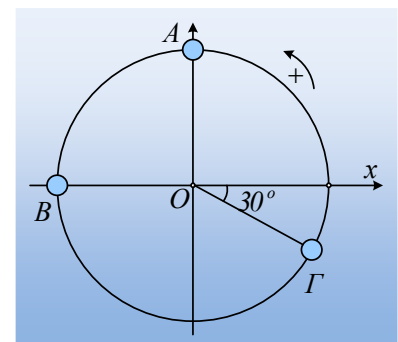


- i) Να σχεδιάσετε στο σχήμα την ταχύτητα στη θέση A.
- ii) Θέλοντας να μελετήσουμε την κίνηση του σώματος, ορίζουμε ένα σημείο, έστω το σημείο M του άξονα x του σχήματος, ως αρχή μέτρησης του τόξου, οπότε αν το μήκος του τόξου  $(MA)=3m$  και  $(MB)=7m$ , τότε το σώμα διανύει τόξο μήκους ..... ενώ η ταχύτητα του σώματος έχει μέτρο  $v=$ .....

iii) Τη στιγμή  $t_1=5s$ , που βρίσκεται το σώμα;

.....  
 .....  
 .....

3) Ο παραπάνω τρόπος δεν είναι και πολύ ευκολόχρηστος για τον προσδιορισμό της θέσης του σώματος. Επιλέγουμε να δουλέψουμε με την χρήση γωνιών. Αλλά και πάλι, πρέπει να αποφασίσουμε την αρχή μέτρησης των γωνιών και μια θετική φορά διαγραφής. Ορίζουμε σαν αρχή μέτρησης των γωνιών τον θετικό ημιάξονα Ox και θετική φορά, την αντίθετη από την φορά περιστροφής των δεικτών του ρολογιού. Με βάση αυτά, οι γωνιακές θέσεις των τριών μικρών



σφαιρών του σχήματος είναι:

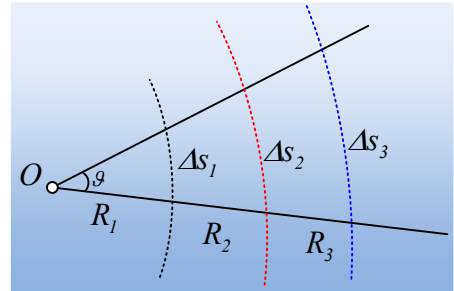
$$\varphi_1 = \dots\dots^\circ, \varphi_2 = \dots\dots^\circ, \varphi_3 = \dots\dots^\circ.$$

iv) Με βάση την παραπάνω σύμβαση η γωνία που έχει σημειωθεί στο σχήμα, αν κινηθούμε με την φορά των δεικτών του ρολογιού, είναι ίση με ..... Ποια είναι στην περίπτωση αυτή η γωνιακή θέση της Β σφαίρας;

4) Έστω η γωνία του διπλανού σχήματος. Με κέντρο την κορυφή O, χαράσσουμε κύκλους με διαφορετικές ακτίνες R<sub>1</sub>, R<sub>2</sub> και R<sub>3</sub>.

Το πηλίκο  $\frac{\Delta s}{R}$  παραμένει σταθερό και μας δίνει την γωνία θ.

Αν το μήκος του τόξου  $\Delta s_1 = R_1$ , τότε λέμε ότι η γωνία θ είναι ίση με ένα ακτίνιο και γράφουμε  $\theta = 1 \text{ rad}$ . Λαμβάνοντας τώρα υπόψη ότι το μήκος του κύκλου είναι  $2\pi R$ , τότε η γωνία των



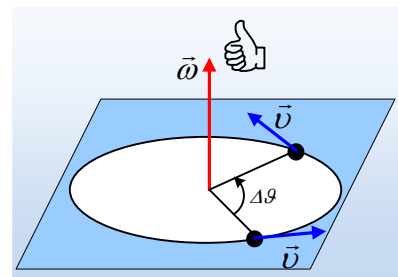
360° είναι ίση με  $\frac{2\pi R}{R} = 2\pi \text{ rad}$ . Με βάση αυτά, να συμπληρώσετε τον παρακάτω πίνακα για τις γωνιακές θέσεις των τριών σφαιρών της ερώτησης 3).

σφαίρα	$\varphi$ (°)	$\varphi$ (rad)
A		
B		
Γ		

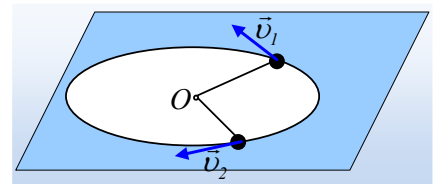
5) Για να μελετήσουμε μια κυκλική κίνηση ορίζουμε ένα νέο φυσικό μέγεθος, τη γωνιακή ταχύτητα, το οποίο είναι διάνυσμα κάθετο στο επίπεδο της τροχιάς στο κέντρο του κύκλου, με μέτρο:

$$\omega = \frac{\Delta\theta}{\Delta t}$$

Όπου Δθ η γωνία που διαγράφει μια ακτίνα το άκρο της οποίας δίνει τη θέση του σώματος κάθε στιγμή (επιβατική ακτίνα) και Δt το αντίστοιχο χρονικό διάστημα. Η φορά της γωνιακής ταχύτητας καθορίζεται από τον κανόνα του δεξιού, όπως δείχνεται στο διπλανό σχήμα.



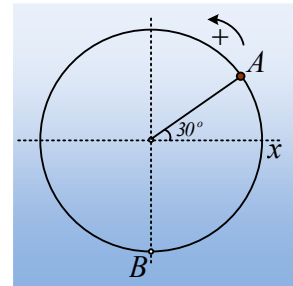
i) Σε μια οριζόντια κυκλική τροχιά κινούνται δυο μικρές σφαίρες, όπως στο σχήμα. Να σχεδιάσετε πάνω στο σχήμα τα διανύσματα των γωνιακών ταχυτήτων των δύο σφαιρών, αν τα μέτρα τους είναι  $\omega_1 = 3 \text{ rad/s}$  και  $\omega_2 = 4 \text{ rad/s}$ .



ii) Θεωρώντας θετική φορά περιστροφής την αντίθετη από τη

φορά περιστροφής των δεικτών του ρολογιού, οι σφαίρες έχουν γωνιακές ταχύτητες με αλγεβρικές τιμές  $\omega_1 = \dots$  και  $\omega_2 = \dots$

6) Μια μικρή σφαίρα κινείται με σταθερή γωνιακή ταχύτητα, στην κυκλική τροχιά του διπλανού σχήματος ακτίνας  $R = 2\text{m}$  και σε μια στιγμή  $t = 0$  περνά από τη θέση A.



i) Αν  $\omega = +\frac{\pi}{3} \text{ rad/s}$  :

α) Να σχεδιάσετε στο σχήμα την ταχύτητα της σφαίρας τη στιγμή  $t = 0$ . Η αρχική γωνιακή θέση της σφαίρας είναι .....

β) Να υπολογίσετε το μέτρο της ταχύτητας και την περίοδο περιστροφής.

γ) Να βρεθεί η γωνιακή μετατόπιση και η θέση της σφαίρας τη στιγμή  $t_1 = 2\text{s}$ .

δ) Ποια χρονική στιγμή η σφαίρα περνά από το σημείο B για τρίτη φορά;

ii) Αν  $\omega = -\frac{\pi}{3} \text{ rad/s}$  να βρεθεί η γωνιακή θέση τη στιγμή  $t_2 = 1,5\text{s}$ .

.....

.....

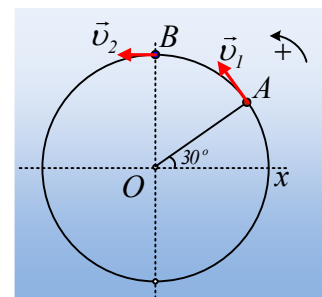
.....

.....

.....

7) Δυο μικρές σφαίρες A και B κινούνται στην ίδια κυκλική τροχιά ακτίνας  $R = 2\text{m}$ , και τη στιγμή  $t_0 = 0$ , βρίσκονται στις θέσεις του διπλανού σχήματος,

με ταχύτητες σταθερών μέτρων  $v_1 = \frac{\pi}{5} \text{ m/s}$  και  $v_2 = \frac{\pi}{6} \text{ m/s}$ .



i) Ποιες οι αρχικές (γωνιακές) θέσεις των σφαιρών;

ii) Να υπολογίσετε τις γωνιακές ταχύτητες των σφαιρών.

iii) Να γράψετε την εξίσωση  $\theta = f(t)$  της θέσης κάθε σφαίρας σε συνάρτηση

με το χρόνο και να κάνετε τις γραφικές παραστάσεις τους, στους ίδιους άξονες.

iv) Ποια χρονική στιγμή η A σφαίρα θα φτάσει την B και σε ποια θέση θα συμβεί αυτό;

**Υλικό Φυσικής-Χημείας**

Γιατί το να μοιάζεισαι πράγματα, είναι καλό για όλους...

Επιμέλεια:

**Διονόσης Μάργαρης**